Ejercicios sobre derivación implícita

En los ejercicios 1 a 20 encuentre la primera derivada y' utilizando derivación implícita.

1.
$$x^3y^3 - 2x^2y + 3xy^2 = 100$$

3.
$$\sqrt{x+y} = (x^2 - y^2)^2$$

5.
$$y^5 + x^2y^3 = 1 + x^2 \operatorname{sen} y$$

7.
$$x^2y^3 + e^{y^3} = \text{sen}(x + y)$$

9.
$$x^2y^3 + x \operatorname{sen} y = 4$$

11.
$$(\sin \pi x - \cos \pi x)^2 = \sin \pi x \cos \pi x$$

$$13. \quad \tan(x-y) = \frac{y}{x}$$

$$15. \quad y^2x + \frac{2}{x^3} = \csc\left(\frac{x}{y}\right)$$

17.
$$sen(xy) = xy + x^2 + y^2$$

19.
$$\cos^2(x-y) + \sqrt{1+x^2y^2} = \sin y$$

2.
$$x^2 + y^2 = \cos(xy)$$

4.
$$y\sqrt{2+3x} + x\sqrt{1+y} = xy$$

6.
$$\tan x + \tan y = \cos(x + y)$$

8.
$$\cos(x - y) = x^3 y^4$$

10.
$$x\cos y + y\cos x = xy$$

12.
$$\sqrt{x+y} = \sqrt[3]{x-y}$$

$$14. \quad y = 4 \operatorname{sen} \sqrt{y + \sqrt{t}}$$

16.
$$sen(x + y) + sen(x - y) = 1$$

18.
$$x \operatorname{sen} y + y \operatorname{sen} x = 1$$

20.
$$\frac{\sec(xy)}{x^2} - \tan(x - y) = (x^2 + y^2)^2$$

En los ejercicios 21 a 24 calcule la segunda derivada de y con respecto a x. Exprese su respuesta de tal manera que no contenga derivadas

21.
$$x^2 + y^2 = 1$$

23.
$$x^{1/2} + y^{1/2} = 4$$

22.
$$x^3 + y^3 = 1$$

24.
$$x^2 + 4y^2 = 16$$

- **25.** La curva Kappa está dada por $y^2(x^2 + y^2) = 2x^2$. Encuentre la ecuación de la recta tangente a Kappa en (-1,-1).
- **26.** Encuentre la ecuación de la recta tangente para la curva del diablo en el punto (0,-2)

$$y^2(y^2 - 4) = x^2(x^2 - 5)$$

- 27. Halle las ecuaciones de las dos rectas tangentes a la elipse $x^2 + 4y^2 = 36$ que pasan por el punto (12, 3).
- **28.** Determine la ecuación de la recta tangente a la curva $x^3 + y^3 6xy = 0$ en el punto $(\frac{4}{3}, \frac{8}{3})$.
- **29.** Encuentre la ecuación de la recta tangente a la curva en el punto donde x = 0

$$y^4 - x + x^2y = xy^2 + y^2$$

30. Una partícula se mueve de acuerdo a la ecuación

$$sen(t+s) = tcos(s^2), \quad 0 \le t \le 2\pi$$

Calcule la velocidad de la partícula para t = 0. Considere s en metros y t en segundos.

- **31.** Encuentre la ecuación de la recta tangente a la curva $(x^2 + y^2)^2 = 4x^2y$ en el punto (1,1)
- **32.** La ecuación $x^2 xy + y^2 = 3$ es una elipse rotada, es decir una elipse cuyos ejes no son paralelos a los ejes de coordenadas. Encuentre los puntos donde esta elipse cruza al eje y. Encuentre las ecuaciones de las rectas tangentes en esos puntos y muestre que son paralelas.
- **33.** Encuentre los puntos de la curva $xy = (1 x y)^2$ en donde la recta tangente es horizontal.
- **34.** Encuentre las ecuaciones de las rectas que pasan por el punto (-1,3) y que son tangentes a la curva $x^2 + 4y^2 4x 8y + 3 = 0$.