PROBLEMA RESUELTO 1

Determine si las funciones dadas son pares, impares o ninguna de las dos

a.
$$f(x) = 2x^3$$

b.
$$g(x) = |x| + 5$$

c.
$$h(x) = 3x^3 - 6x^2$$

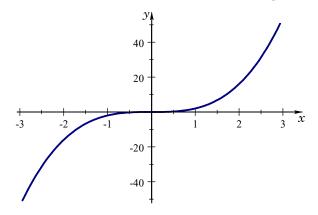
Solución

Para establecer si una función es par o impar, se reemplaza x por -x y se simplifica la expresión resultante

a.
$$f(-x) = 2(-x)^3 = 2(-x^3) = -2x^3 = -f(x)$$

Esta es una función impar pues f(-x) = -f(x)

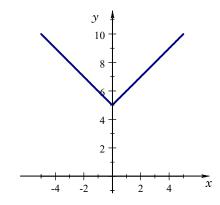
Observe que la gráfica de la función es simétrica con respecto al origen



b.
$$g(-x) = |-x| + 5 = |x| + 5 = g(x)$$

Esta es una función par pues g(-x) = g(x)

Observe que la gráfica de la función es simétrica respecto al eje y.



c. $h(-x) = 3(-x)^3 - 6(-x)^2 = 3(-x^3) - 6x^2 = -3x^3 - 6x^2$

Esta función no es par pues $h(-x) \neq h(x)$, tampoco es impar pues $h(-x) \neq -h(x)$. Observe que la gráfica de la función no es simétrica respecto al eje y ni tampoco lo es respecto al origen.

