

PROBLEMA RESUELTO 1

Resuelva la ecuación

$$\frac{2}{m+5} - \frac{m+3}{m^2+9m+20} = \frac{1}{4m-32}$$

Solución

Factorizando cada uno de los denominadores de las fracciones

$$\frac{2}{m+5} - \frac{m+3}{(m+4)(m+5)} = \frac{1}{4(m-8)}$$

El mínimo común múltiplo de los denominadores es $4(m+5)(m+4)(m-8)$, al multiplicar la ecuación por el MCM se obtiene

$$\frac{4(m+5)(m+4)(m-8)(2)}{m+5} - \frac{4(m+5)(m+4)(m-8)(m+3)}{(m+4)(m+5)} = \frac{4(m+5)(m+4)(m-8)}{4(m-8)}$$

Eliminando los factores comunes en el numerador y denominador de cada fracción se obtiene una ecuación sin denominadores

$$8(m+4)(m-8) - 4(m+3)(m-8) = (m+5)(m+4)$$

Efectuando los productos entre paréntesis y sumando términos semejantes

$$\begin{aligned}8(m^2 - 4m - 32) - 4(m^2 - 5m - 24) &= m^2 + 9m + 20 \\8m^2 - 32m - 256 - 4m^2 + 20m + 96 &= m^2 + 9m + 20 \\3m^2 - 21m - 180 &= 0 \\m^2 - 7m - 60 &= 0\end{aligned}$$

Al resolver la ecuación anterior por factorización se tiene

$$(m-12)(m+5) = 0$$

$$m = 12 \text{ y } m = -5$$

Al hacer la prueba en la ecuación inicial se obtiene que únicamente $m = 12$ satisface la ecuación, pues para $m = -5$ uno de los denominadores es igual a 0, y como la división entre cero no está definida, $m = -5$ no es solución de la ecuación original.

Respuesta:

La solución de la ecuación es $m = 12$.
